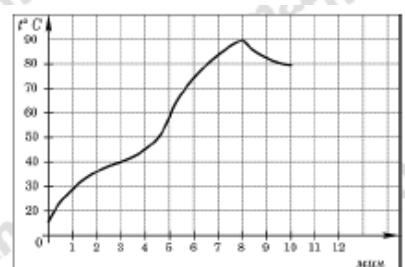


## Вариант 127

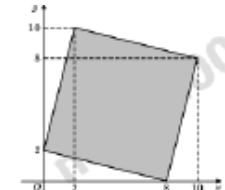
1. По тарифному плану «Просто как день» компания сотовой связи каждый вечер снимает со счёта абонента 16 рублей. Если на счету осталось меньше 16 рублей, то на следующее утро номер блокируют до пополнения счёта. Сегодня утром у Лизы на счету было 700 рублей. Сколько дней (включая сегодняшний) она сможет пользоваться телефоном, не пополняя счёт?

2. На графике показан процесс разогрева двигателя легкового автомобиля. На оси абсцисс откладывается время в минутах, прошедшее от запуска двигателя, на оси ординат — температура двигателя в градусах Цельсия. Определите по графику, сколько минут двигатель нагревался от температуры 60 градусов С до температуры 90 градусов С.



Время (мин)	Температура (С)
0	20
1	30
2	35
3	40
4	45
5	50
6	55
7	60
8	65
9	70
10	75
11	78
12	80
13	82
14	84
15	85

3. Найдите площадь четырехугольника, вершины которого имеют координаты  $(8;0)$ ,  $(10;8)$ ,  $(2;10)$ ,  $(0;2)$ .

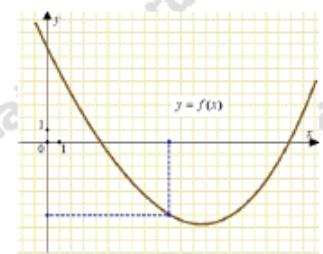


4. Вероятность того, что батарейка бракованная, равна 0,06. Покупатель в магазине выбирает случайную упаковку, в которой две таких батарейки. Найдите вероятность того, что обе батарейки окажутся исправными.

5. Решите уравнение  $2^{\sqrt{x-2}} = \left(\frac{1}{16}\right)^{-0,5}$ .

6. В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $CH$  — высота,  $AB = 27$ ,  $\cos A = \frac{2}{3}$ . Найдите  $BH$ .

7. На рисунке изображен график функции  $y = f(x)$ . Прямая, проходящая через начало координат, касается графика этой функции в точке с абсциссой 10. Найдите значение производной функции в точке  $x_0 = 10$ .



8. Через среднюю линию основания треугольной призмы, объем которой равен 45, проведена плоскость, параллельная боковому ребру. Найдите объем отсеченной треугольной призмы.

9. Найдите значение выражения  $\frac{3^{6,6} \cdot 7^{5,6}}{21^{4,6}}$

10. Опорные башмаки шагающего экскаватора, имеющего массу  $m = 1260$  тонн представляют собой две пустотельные балки длиной  $l = 18$  метров и шириной  $s$  метров каждая. Давление экскаватора на почву, выражаемое в килопаскалях, определяется формулой  $p = \frac{mg}{2ls}$ , где  $m$  — масса экскаватора (в тоннах),  $l$  —

длина балок в метрах,  $s$  — ширина балок в метрах,  $g$  — ускорение свободного падения (считайте  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>). Определите наименьшую возможную ширину опорных балок, если известно, что давление  $p$  не должно превышать 140 кПа. Ответ выразите в метрах.

11. Две бригады, состоящие из рабочих одинаковой квалификации, одновременно начали строить два одинаковых дома. В первой бригаде было 16 рабочих, а во второй — 25 рабочих. Через 7 дней после начала работы в первую бригаду перешли 8 рабочих из второй бригады, в результате чего оба дома были построены одновременно. Сколько дней потребовалось бригадам, чтобы закончить работу в новом составе?

12. Найдите точку минимума функции  $y = \frac{25}{x} + x + 12$

13. а) Решите уравнение

$$|\sin x - \cos x| = 1 - \sin 2x$$

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $\left[\frac{\pi}{6}; \frac{5\pi}{6}\right]$ .

14. Дан прямоугольный параллелепипед  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ , в котором  $AD = 2$ ,  $AA_1 = 4$ ,  $AB = 2\sqrt{15}$ . Точка  $M$  — середина ребра  $C_1D_1$ , точка  $N$  лежит на ребре  $AA_1$ , причём  $AN = 3$ .

а) Докажите, что  $MN \perp CB_1$ .

б) Найдите угол между прямой  $MN$  и плоскостью грани  $BB_1C_1C$ .

15. Решите неравенство:

$$\frac{35^{|x|} - 5^{|x|} - 5 \cdot 7^{|x|} + 5}{2^{\sqrt{x+2}} + 1} \geq 0.$$

16. Дан треугольник  $ABC$  со сторонами  $AB = 20$ ,  $AC = 12$  и  $BC = 16$ . Точки  $M$  и  $N$  — середины сторон  $AB$  и  $AC$  соответственно.

а) Докажите, что окружность, вписанная в треугольник  $ABC$ , касается одной из средних линий.

б) Найдите общую хорду окружностей, одна из которых вписана в треугольник  $ABC$ , а вторая описана около треугольника  $AMN$ .

17. В августе 2017 года взяли кредит. Условия возврата таковы:

- каждый январь долг увеличивается на  $r\%$ ;
- с февраля по июль необходимо выплатить часть долга.

Кредит можно выплатить за три года равными платежами по 38 016 рублей, или за два года равными платежами по 52 416 рублей. Найдите  $r$ .

18. Найдите все значения параметра  $a$ , при каждом из которых уравнение

$$4^x + a \cdot 49^x = 4 \cdot 14^x$$

имеет хотя бы один корень.

19. На сайте проводится опрос, кого из футболистов посетители сайта считают лучшим по итогам сезона. Каждый посетитель голосует за одного футболиста. На сайте отображается рейтинг каждого футболиста — доля голосов, отданных за него, в процентах, округленная до целого числа. Например, числа 9,3, 10,5 и 12,7 округляются до 9, 11 и 13 соответственно.

а) Всего проголосовало 11 посетителей сайта. Мог ли рейтинг некоторого футболиста быть равным 38?

б) Пусть посетители сайта отдавали голоса за одного из трех футболистов. Могло ли быть так, что все три футболиста получили разное число голосов, но их рейтинги одинаковы?

в) На сайте отображалось, что рейтинг некоторого футболиста равен 5. Это число не изменилось и после того, как Вася отдал свой голос за этого футболиста. При каком наименьшем числе отданных за всех футболистов голосов, включая Васин голос, такое возможно?