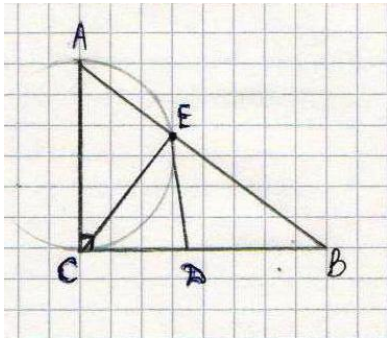


**Задание 3** В прямоугольном треугольнике ABC на катете AC как на диаметре построена окружность, которая пересекает гипотенузу AB в точке E. Через точку E проведена касательная к окружности, которая пересекает катет CB в точке D. Докажите, что треугольник BDE равнобедренный.

**Задание 4** Доказать, что при положительных  $a$  и  $b$  ( $a \neq b$ ) выполняется неравенство  $\frac{b}{b-a} + \frac{a+b}{a} - \frac{a}{b-a} + \frac{a}{b} > 4$

**Задание 5** Вася возвёл натуральное число  $a$  в квадрат, записал результат на доску и стёр последние 2005 цифр. Могла ли последняя цифра оставшегося на доске числа равняться единице?



**Задание 3 Решение:**

Дано:  $\triangle ABC, \angle C = 90^\circ$

ED - касательная

Доказать:  $\triangle BDE$  - равнобедренный.

Доказательство:

1)  $\angle CEA = 90^\circ$ , как вписанный угол, который опирается на диаметр.

2)  $\angle DBE = 90^\circ - \angle BCE = 90^\circ - \angle DCE$

$\angle BED = 90^\circ - \angle DEC$

3) Т.к.  $DE = DC$ , как отрезки касательных, проведённых из одной точки к окружности, то  $\triangle CDE$  - равнобедренный, тогда  $\angle DCE = \angle DEC$ , а это значит что  $\angle DBE = \angle BED$ , то есть  $\triangle BDE$  - равнобедренный.

**Задание 4 Решение:**

$$\frac{b}{b-a} + \frac{a+b}{a} - \frac{a}{b-a} + \frac{a}{b} = \frac{b}{b-a} - \frac{a}{b-a} + 1 + \frac{b}{a} + \frac{a}{b} = \frac{b-a}{b-a} + 1 + \left(\frac{b}{a} + \frac{a}{b}\right) = 2 + \left(\frac{b}{a} + \frac{a}{b}\right) > 2 + 2 = 4$$

т.к.  $\frac{b}{a} + \frac{a}{b}$  это сумма двух взаимно обратных положительных чисел.

**Задание 5 Решение:**

Рассмотрим число

$a = \underbrace{32000\dots00}_{1001}$ , тогда  $a^2 = 1024 \underbrace{000\dots00}_{2002}$ . Если стереть последние 2005 цифр, то останется число 1.

**Ответ:** могла.