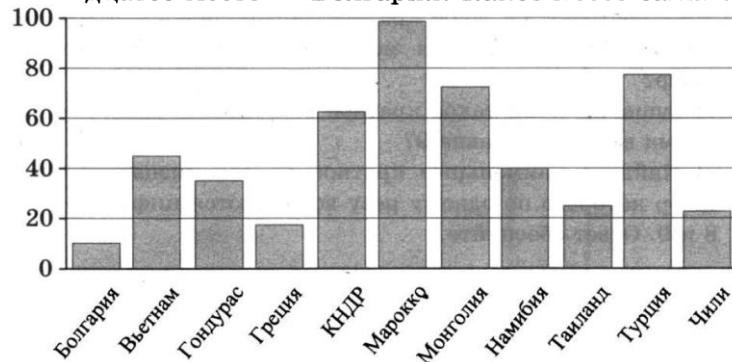


Вариант 11

Ответом к заданиям 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в бланк ответов № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

1. Показания счётчика электроэнергии 1 января составляли 14 836 кВт · ч, а 1 февраля — 15 036 кВт · ч. Сколько нужно заплатить за электроэнергию за январь, если 1 кВт · ч электроэнергии стоит 4 рубля 50 копеек? Ответ дайте в рублях.
2. На диаграмме показано распределение выплавки цинка в 11 странах мира (в тысячах тонн) за 2009 год. Среди представленных стран первое место по выплавке меди занимало Марокко, одиннадцатое место — Болгария. Какое место занимала Греция?



3. На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 изображена трапеция. Найдите длину средней линии этой трапеции.
4. Семнадцать детей встают в хоровод в случайном порядке. Среди них Серёжа и его сестра Таня. Какова вероятность того, что Серёжа и Таня окажутся рядом?
5. Найдите корень уравнения $\log_2(12 + x) = \log_2 11$.
6. В треугольнике ABC угол C равен 26° , стороны AC и BC равны. Найдите угол A . Ответ дайте в градусах.
7. На рисунке изображены график функции $y = f(x)$ и касательная к нему в точке с абсциссой x_0 . Найдите значение производной функции $f(x)$ в точке x_0 .
8. Во сколько раз увеличится площадь поверхности куба, если все его рёбра увеличить в 17 раз?
9. Найдите значение выражения $13\sqrt{3} \operatorname{tg}(-930^\circ)$.

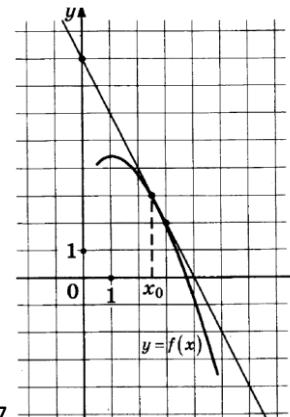


Рис. к № 7

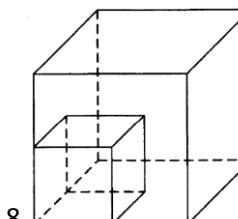


рис. к № 8

10. Зависимость объёма спроса q (единиц в месяц) на продукцию предприятия-монополиста от цены p (тыс. руб. за ед.) задаётся формулой $q = 180 - 10p$. Выручка предприятия r (в тыс. руб. за месяц) вычисляется по формуле $r(p) = q \cdot p$. Определите наибольшую цену p , при которой месячная выручка $r(p)$ составит не менее 450 тыс. руб. Ответ приведите в тыс. руб. за ед.

11. Одиннадцать одинаковых рубашек дешевле куртки на 1%. На сколько процентов четырнадцать таких же рубашек дороже куртки?

12. Найдите точку минимума функции $y = (18 - x)e^{18 - x}$.

Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1.

13. а) Решите уравнение $\frac{9}{(x+1)^2} + \frac{(x+1)^2}{16} = 3 \cdot \left(\frac{3}{x+1} - \frac{x+1}{4} \right) - \frac{1}{2}$.

- б) Найдите его корни, принадлежащие отрезку $[0; 2]$.

14. В правильной четырёхугольной призме $ABCDA_1B_1C_1D_1$ сторона AB основания равна 8, а боковое ребро AA_1 равно 4. На рёбрах BC и C_1D_1 отмечены точки K и L соответственно, причём $CK = 5$, а $C_1L = 3$. Плоскость γ параллельна прямой BD и содержит точки K и L .

а) Докажите, что прямая A_1C перпендикулярна плоскости γ .

б) Найдите объём пирамиды, вершина которой — точка A_1 , а основание — сечение данной призмы плоскостью γ .

15. Решите неравенство $\log_{\frac{1}{16}} \left(\log_{\frac{1}{4}} (x+2) \right) \geq 2$.

16. В трапеции $ABCD$ основания AD и BC . Диагональ AC разбивает её на два равнобедренных треугольника с основаниями AD и AB .

а) Докажите, что луч DB — биссектриса угла ADC .

б) Найдите AB , если известны длины диагоналей трапеции: $BD = 16$ и $AC = 10$.

17. 31 декабря 2016 года Алексей взял в банке 2 184 000 рублей в кредит под 20% годовых. Схема выплаты кредита следующая — 31 декабря каждого следующего года банк начисляет проценты на оставшуюся сумму долга (то есть увеличивает долг на 20%), затем Алексей переводит в банк x рублей. Какой должна быть сумма x , чтобы Алексей выплатил долг тремя равными платежами (то есть за три года)?

18. Найдите все значения a , при каждом из которых система

$$\begin{cases} x + y + z = 2x^2 + 3y^2 \\ -x + 2y + 3z = a \end{cases}$$

имеет единственное решение.

19. На доске были написаны несколько целых чисел. Несколько раз с доски стирали по два числа, сумма которых делится на 5.

а) Может ли сумма всех оставшихся на доске чисел равняться 24, если сначала по одному разу были написаны числа 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13 и 14?

б) Может ли на доске остаться ровно два числа, разность между которыми равна 45, если сначала по одному разу были написаны все натуральные числа от 53 до 158 включительно?

в) Известно, что на доске осталось ровно два числа, а сначала по одному разу были написаны все натуральные числа от 53 до 158 включительно. Какое наибольшее значение может получиться, если поделить одно из оставшихся чисел на второе из них?